

О КОЭФФИЦИЕНТАХ СМЕШИВАНИЯ  $\gamma$ -ПЕРЕХОДОВ  
МЕЖДУ КВАДРУПОЛЬНЫМИ СОСТОЯНИЯМИ  
ЧЕТНО-ЧЕТНЫХ ЯДЕР  $^{114-124}\text{Sn}$

А.М.Демидов<sup>1</sup>, И.В.Михайлов<sup>1</sup>, А.И.Вдовин, Р.Р.Сафаров<sup>2</sup>

Представлены новые экспериментальные данные о смесях мультиполей  $\delta(E2/M1)$  в  $\gamma$ -переходах  $2_i^+ \rightarrow 2_1^+$  ( $i = 2-4$ ) в  $^{114-124}\text{Sn}$  и результаты их теоретической интерпретации в рамках квазичастично-фононной модели ядра. Показано, что волновые функции  $2_3^+$ -состояний в  $^{114-120}\text{Sn}$  и  $2_2^+$ -состояний в  $^{122,124}\text{Sn}$  имеют значительную двухфононную компоненту, а более высокие  $2^+$ -состояния имеют неколлективную природу.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

On Mixing Ratios Coefficients of  $\gamma$ -Transitions  
between Quadrupole States of Even-Even  $^{114-124}\text{Sn}$   
Nuclei

A.M.Demidov et al.

New experimental data of mixing ratios  $\delta(E2/M1)$  in  $\gamma$ -transitions  $2_i^+ \rightarrow 2_1^+$  ( $i = 2 - 4$ ) in  $^{114-124}\text{Sn}$  and results of their theoretical treatment in the framework of the quasipartical – phonon nuclear model are presented. It is shown that the model wave functions of the  $2_3^+$  states in  $^{114-120}\text{Sn}$  and of the  $2_2^+$  states in  $^{122,124}\text{Sn}$  have considerable two-phonon component and higher  $2^+$ -states have noncollective nature.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Быстрое совершенствование техники эксперимента и детектирующих систем привело к значительному увеличению объема экспериментальной информации о ядерных возбуждениях с энергиями  $E_x \leq 3-4$  МэВ. В результате появилась возможность проследить за систематическими изменениями весьма тонких характеристик

<sup>1</sup> Институт атомной энергии им.И.В.Курчатова, Москва

<sup>2</sup> Институт ядерной физики АН УзССР, Ташкент

ядерных состояний вдоль длинных цепочек изотопов. Теоретический анализ таких данных позволяет в принципе делать надежные и определенные заключения о пределах применимости и возможностях различных ядерных моделей.

В настоящей работе представлены некоторые результаты экспериментального изучения  $\gamma$ -распадных свойств низколежащих квадрупольных состояний четных изотопов олова и их анализ в рамках квазичастично-фононной модели ядра.

Исследования  $\gamma$ -излучения от неупругого рассеяния быстрых нейтронов на ядрах  $^{114-124}\text{Sn}$  были проведены на реакторе ИР-8 ИАЭ им.И.В.Курчатова. По измеренным угловым распределениям  $\gamma$ -квантов относительно нейтронного пучка и их линейной поляризации были найдены смеси мультиполей  $\delta(E2/M1)$ . Подробно методика измерения и обработки экспериментальных результатов изложена в работах<sup>/1,2/</sup>. Значения коэффициентов смешивания для переходов  $2_i^+ \rightarrow 2_1^+$  ( $i=2,3,4$ ) приведены в таблице. Знаки  $\delta$  даны в системе Krane — Steffen. Данные по изотопам  $^{114,118,124}\text{Sn}$  опубликованы в<sup>/3/</sup>. Результаты по  $^{116,120,122}\text{Sn}$  приводятся впервые.

Низкоэнергетическая часть спектра возбуждений полумагических четно-четных ядер имеет специфический вид. В этих ядрах заметным образом выделено только нижайшее вибрационное  $2_1^+$ -состояние, отделенное от остальных уровней щелью  $\Delta E_x \sim 1$  МэВ, а уже при энергиях  $E_x = 2\omega(2_1^+) \approx 2,5 - 3,0$  МэВ начинается довольно плотный спектр возбуждений со средним расстоянием между уровнями порядка нескольких десятков кэВ. Согласно результатам работ<sup>/4/</sup> структура многих из этих состояний характеризуется сильным смешиванием двухквазичастичных и коллективных (двухфононных) компонент. Поэтому для теоретического анализа экспериментальных значений  $\delta(E2/M1)$  мы использовали квазичастично-фононную модель (КФМ)<sup>/5-7/</sup>, которая позволяет учесть такое смешивание.

Волновая функция возбужденного состояния четно-четного ядра в КФМ записывается в виде

$$\Psi_\nu(JM) = \left\{ \sum_i R_i(J\nu) Q_{JM i}^+ + \right. \\ \left. + \sum_{\substack{\lambda_1 i_1 \\ \lambda_2 i_2}} P_{\lambda_1 \lambda_2}^{\lambda_2 i_2}(J\nu) [Q_{\lambda_1 \mu_1 i_1}^+ Q_{\lambda_2 \mu_2 i_2}^+]_{JM} \right\} \Psi_0, \quad (1)$$

где  $\Psi_0$  — волновая функция основного состояния ядра (фононный вакуум),  $Q_{\lambda i}^+$  — оператор рождения фонона с моментом и проекцией  $\lambda, \mu$  и номером  $i$  (энергией  $\omega_{\lambda i}$ ). Структура фононов и их энергии рассчитываются в приближении случайной фазы (ПСФ). При этом учитываются сверхтекущие парные корреляции в нейтронной системе, а остаточное взаимодействие в канале частица — дырка взято в виде суммы по мультиполям (и спин-мультиполям) с факторизованной радиальной частью (см. подробнее <sup>6/</sup>). В нашем случае  $J = 2$ ; для  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$  взяты значения 2, 3, 4, 5, 6, причем учтены состояния, для которых  $\omega_{\lambda_1 i_1} + \omega_{\lambda_2 i_2} \leq 6$  МэВ. Кроме того, в двухфононную часть (1) включены  $1^+$ -фононы с энергиями  $\omega_{1i} \leq 15$  МэВ с тем, чтобы учесть влияние на магнитные дипольные матричные элементы  $\langle 2_1^+ || \mathcal{M}(M1) || 2_2^+ \rangle$  магнитной поляризации ядра. Параметры гамильтонiana в каждом ядре определялись согласно процедуре, описанной в <sup>6/</sup> (см. также <sup>8/</sup>). Взаимодействие фононов определяется целиком их структурой и не содержит дополнительных параметров. Для гиromагнитных факторов нуклонов использовались свободные значения.

Результаты расчетов энергий  $2_\nu^+$ -состояний и коэффициентов смешивания  $\delta$  в рамках КФМ с волновой функцией (1) также представлены в таблице. Не все низколежащие квадрупольные состояния четно-четных изотопов олова с энергиями  $E_x \leq 3,0$  МэВ могут быть описаны в рамках предложенной схемы. Так, согласно <sup>9/</sup> среди них имеются так называемые "вторгшиеся" (intruder) состояния, входящие в квазиротационные полосы, связанные с протонными  $2p - 2h$  возбуждениями. В таблице такие состояния помечены знаком \*. Как видно из таблицы, значения коэффициентов смешивания для  $\gamma$ -переходов с intruder-состояний на  $2_1^+$ -уровни сравнительно велики по абсолютной величине и отрицательны. Состояния с подобными значениями  $\delta(2_\nu^+ \rightarrow 2_1^+)$  отсутствуют среди теоретических  $2_\nu^+$ -уровней. Это неудивительно, так как в модельных волновых функциях (1) квадрупольных состояний ядер  $^{114-124}\text{Sn}$  доминируют нейтронные компоненты.

Во всех изученных ядрах (за исключением  $^{120}\text{Sn}$ ) теоретические  $2_2^+$ -состояния характеризуются положительными значениями  $\delta(2_2^+ \rightarrow 2_1^+)$ , причем в большинстве случаев  $\delta \gtrsim 1$ . Экспериментальные значения  $\delta(2_i^+ \rightarrow 2_1^+)$  такого же порядка имеют  $2_3^+$ -состояния ядер  $^{114-120}\text{Sn}$  и  $2_2^+$ -состояния ядер  $^{122,124}\text{Sn}$ . Большие положительные значения  $\delta$ , как известно, характерны для  $\gamma$ -переходов между коллективными квадрупольными двух- и однофононными состояниями. Следовательно, можно предполагать, что вышепер-

**Таблица.** Экспериментальные и теоретические значения энергий  $E(2_1^+)$  и коэффициентов смещивания  $\delta(2_1^+ \rightarrow 2_1^+)$  низколежащих  $2_1^+$ -уровней ядер  $^{114-124}\text{Sn}$

$J_f^{\pi} \rightarrow J_f^{\pi}$		$^{113}\text{Sn}$		$^{115}\text{Sn}$		$^{117}\text{Sn}$		$^{119}\text{Sn}$		$^{123}\text{Sn}$	
		$E(J_f^{\pi})$ , кэВ	$\delta$	$E(J_f^{\pi})$ , кэВ	$\delta$	$E(J_f^{\pi})$ , кэВ	$\delta$	$E(J_f^{\pi})$ , кэВ	$\delta$	$E(J_f^{\pi})$ , кэВ	$\delta$
$2_1^+ \rightarrow 2_1^+$	эксп. 1299,	1293.6		1289.7		1171.3		1140.5		1131.7	
теор.	1047	1081		1079		1142		1029		898	
$2_3^+ \rightarrow 2_1^+$	эксп. 2238.9*	$-7.1_{-1.5}^{+1.3}$	$2112.3^*$	$-1.03(8)$	$2042.9^*$	$-2.34(16)$	$2097.2^*$	$-11.9(8)$	$2153.8$	$+3.8(2)$	$2129.6$
теор.	—	—	—	—	—	—	—	—	2149	$+1.68$	1807
$2_1^+ \rightarrow 2_1^+$	эксп. 2454.1	$+7.1_{-1.5}^{+1.3}$	$2225.4$	$+3.1(2)$	$2328.1$	$1/\delta =$ $= +0.018(10)$	$2355.4$	$+1.04(9)$	$2415.5$	$-0.34(2)$	$2426.3$
теор.	2605	$+2.29$	$2579$	$+1.81$	$2278$	$1/\delta =$ $= +0.072$	$2361$	$-0.64$	$2400$	$+0.56$	$2314$
$2_1^+ \rightarrow 2_1^+$	эксп. 2916.7	—	$2650.4$	$+1.57(7)$	$2403.3$	$+1.07(9)$	$2420.9$	$1/\delta =$ $= -0.061(10)$	$2734.5^*$	$-3.5(4)$	$2703.2$
теор.	2900	$+0.76$	$3017$	$-0.81$	$2637$	$+0.76$	$2511$	$1/\delta =$ $= +5.0$	—	—	$2626$

\* „Вторгшееся“ (intruder)-состояние /9/.

численные экспериментальные уровни являются "двуухфононными". В этой части теория согласуется с экспериментом. Хотя в волновых функциях теоретических  $2_2^+$ -состояний велик вес неколлективных однофононных компонент, значительна и примесь колективной двухфононной компоненты  $Q_{21}^+ Q_{21}^+ \Psi_0$ . Ее вклад в нормировку составляет 30-50%, что вызывает резкое увеличение матричного элемента  $\langle 2_1^+ || \mathcal{M}(E2) || 2_2^+ \rangle$  по сравнению с его значением, рассчитанным в ПСФ. Лишь в  $^{120}\text{Sn}$  примесь указанной компоненты в  $2_2^+$ -состоянии оказалась  $\sim 5\%$ . Величина матричного элемента  $\langle 2_1^+ || \mathcal{M}(M1) || 2_2^+ \rangle$  определяется однофононными компонентами волновых функций  $\Psi_1(2^+)$  и  $\Psi_2(2^+)$ . Примеси двухфононных компонент, содержащих резонансные  $1^+$ -фононы, изменяют его в пределах 10-30%. Подробнее роль этих примесей обсуждается в работе <sup>8/</sup>.

Строго говоря, чтобы правильно описать распределение двухфононной компоненты  $Q_{21}^+ Q_{21}^+ \Psi_0$  по уровням ядра, в волновую функцию (1) следует включить трехфононную компоненту  $Q_{21}^+ Q_{21}^+ Q_{21}^+ \Psi_0$ . Первые расчеты с такой волновой функцией в рамках КФМ <sup>10/</sup> продемонстрировали заметное увеличение вклада компоненты  $Q_{21}^+ Q_{21}^+ \Psi_0$  в структуру состояния  $\Psi_2(2^+)$  в сравнении с расчетами с волновой функцией (1). Возможно, это объясняет, почему теоретические значения  $\delta(2_2^+ \rightarrow 2_1^+)$  систематически меньше соответствующих экспериментальных значений.

Относительно коэффициентов смешивания для  $\gamma$ -переходов на  $2_1^+$ -уровень с третьего и более высоких  $2^+$ -состояний можно констатировать, что теория в целом правильно передает лишь порядок величины  $\delta$ . Структура  $2_{3,4}^+$  — неколлективная, примеси двухфононной компоненты  $Q_{21}^+ Q_{21}^+ \Psi_0$  в их волновых функциях не превышают нескольких процентов, но и они сказываются на величине  $\delta$ , увеличивая их по сравнению со значениями, которые получаются в ПСФ.

Следует отметить большую чувствительность теоретических результатов к параметрам модели. Это связано с большой плотностью двухквазичастичных нейтронных  $2^+$ -состояний при  $E_x \sim \sim 2,5 - 3,0$  МэВ в этих ядрах. Даже небольшие изменения параметров, в том числе и одночастичного потенциала, приводят к заметной перестройке структуры конкретного  $2^+$ -уровня.

## Литература

1. Демидов А.М. и др. — Изучение возбужденных состояний ядер. Алма-Ата: Наука, 1986, с.70.

2. Галлямин С.Н. и др. — ЯФ, 1984., т.40, с.561.
3. Демидов А.М. и др. — Изв. АН СССР, серия физ., 1990, т.54, с.1824. Демидов А.М., Михайлов И.В. — Изв. АН СССР, серия физ., 1990, т.54, с.2126. Демидов А.М., Михайлов И.В. — Изв. АН СССР, серия физ., 1989, т.53, с.892.
4. Вдовин А.И., Стоянов Ч. — Изв. АН СССР, серия физ., 1973, т.37, с.1750.  
Митрюшкин В.Е. — Изв. АН СССР, серия физ., 1974, т.38, с.811.
5. Соловьев В.Г. — Теория атомного ядра. Квазичастицы и фононы. М.: Энергоатомиздат, 1989.
6. Вдовин А.И., Соловьев В.Г. — ЭЧАЯ, 1983, т.14, с.237.
7. Воронов В.В., Соловьев В.Г. — ЭЧАЯ, 1983, т.14, с.1380.
8. Сафаров Р.Р. и др. — Изв. АН СССР, серия физ., 1990, т.54, с.1816.
9. Bron J. et al. — Nucl. Phys. A, 1979, v.318, p.335.  
Raman S. et al. — Phys. Rev., 1988, v.37, p.1203.
10. Grinberg M., Stoyanov Ch. — In: Proc. Int. Conf. on Selected Topics in Nucl. Structure. JINR, D4-89-327, Dubna, 1989, p.16.  
Grinberg M. et al. — JINR, E4-90-210, Dubna, 1990.

Рукопись поступила 16 ноября 1990 года.